

**Nombres & Calculs – Gestion de données**

tables de multiplication – écriture décimale.....	1
multiplier / diviser par 10 / 100 / 1000 – multiplier par 0,1 / 0,01 / 0,001.....	2
comparer / ranger / encadrer / intercaler.....	3
arrondir un nombre – ordre de grandeur.....	4
vocabulaire des opérations – multiples et diviseurs.....	5
division euclidienne – critères de divisibilité.....	6
multiplier / diviser.....	7
proportionnalité.....	8
fractions – quotients.....	9
fractions : repérage et partage.....	10
pourcentages – prendre une fraction / une proportion / un pourcentage.....	11
élaborer des stratégies de calcul.....	12

**Géométrie**

droite, demi-droite, segment, apparence, milieu.....	13
droites sécantes / parallèles / perpendiculaires – distance d'un point à une droite.....	14
angles – cercle.....	15
polygones – hauteurs d'un triangle.....	16
triangle isocèle / équilatéral / rectangle.....	17
quadrilatères : rectangle / losange / carré.....	18
symétrie axiale – agrandir / réduire une figure.....	19
médiatrice d'un segment – bissectrice d'un angle.....	20
pavé droit (notion, perspective, patron).....	21
prisme droit / pyramide / cylindre / cône / sphère & boule.....	22

**Grandeurs et mesures**

périmètres – longueur du cercle.....	23
unités de longueur, masse, capacité.....	24
aires (carré, rectangle, triangle, disque).....	25
unités d'aire.....	26
volumes (cube, pavé droit).....	27
unités de volume.....	28



**Multiplier par 10 ; 100 ; 1000...** revient "à décaler la virgule vers la droite".

EXEMPLES :  $1,234 \times 100 = 123,4$   
 $9,87 \times 1000 = 9870$

## DIVISER PAR 10 ; 100 ; 1000...

**Diviser par 10 ; 100 ; 1000...** revient "à décaler la virgule vers la gauche".

EXEMPLES :  $123,4 \div 100 = 1,234$   
 $98,7 \div 1000 = 0,0987$

## MULTIPLIER PAR 0,1 ; 0,01 ; 0,001...

$$0,1 = \frac{1}{10}$$

$$0,01 = \frac{1}{100}$$

$$0,001 = \frac{1}{1000}$$

**Multiplier par 0,1** c'est prendre le dixième donc **diviser par 10**.

**Multiplier par 0,01** c'est prendre le centième donc **diviser par 100**.

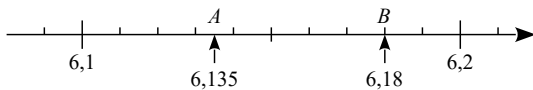
**Multiplier par 0,001** c'est prendre le millième donc **diviser par 1000**.

EXEMPLE :  $265,9 \times 0,01 = 265,9 \div 100 = 2,659$

Symboles de comparaison :

« < » signifie « **est inférieur à** »  
 « > » signifie « **est supérieur à** »

Les nombres sont rangés comme les points correspondants d'une droite graduée :



REMARQUE : On dit que 6,135 est l'**abscisse** du point A (et B a pour **abscisse** 6,18).

Pour **comparer** des nombres on peut :

→ soit regarder les chiffres un par un ( $6,135 < 6,18$ )

→ soit rajouter des zéros inutiles ( $6,135 < 6,180$ )

## RANGER DES NOMBRES

**Ranger par ordre croissant** signifie ranger « **du plus petit au plus grand** ».

EXEMPLE :  $6,1 < 6,135 < 6,18 < 6,2$

**Ranger par ordre décroissant** signifie ranger « **du plus grand au plus petit** ».

EXEMPLE :  $6,2 > 6,18 > 6,135 > 6,1$

## ENCADRER UN NOMBRE

On peut **encadrer** un nombre entre deux autres.

EXEMPLES :

- |                             |            |                       |
|-----------------------------|------------|-----------------------|
| → encadrement à l'unité     | de 6,135 : | $6 < 6,135 < 7$       |
| → encadrement au dixième    | de 6,135 : | $6,1 < 6,135 < 6,2$   |
| → encadrement au centième   | de 6,135 : | $6,13 < 6,135 < 6,14$ |
| → encadrement à la dizaine  | de 3784 :  | $3780 < 3784 < 3790$  |
| → encadrement à la centaine | de 3784 :  | $3700 < 3784 < 3800$  |
| → encadrement au millier    | de 3784 :  | $3000 < 3784 < 4000$  |

## INTERCALER UN NOMBRE

On peut **intercaler** une infinité de nombres entre deux autres.

EXEMPLE : l'encadrement  $2 < \dots < 3$  peut être complété par 2,5 ; 2,14 ; 2,777 ; etc.

Pour **arrondir** un nombre, on donne la valeur de l'encadrement la plus proche.  
Pour cela, on regarde le chiffre suivant :

→ si c'est 0 ; 1 ; 2 ; 3 ; 4 on prend la **valeur approchée inférieure**

→ si c'est 5 ; 6 ; 7 ; 8 ; 9 on prend la **valeur approchée supérieure**

EXEMPLES :

- |                              |                             |                                    |
|------------------------------|-----------------------------|------------------------------------|
| → <b>arrondi à l'unité</b>   | de 81,7263 : 8 <u>2</u>     | car il y a ensuite 7 dixièmes      |
| → <b>arrondi au dixième</b>  | de 81,7263 : 81, <u>7</u>   | car il y a ensuite 2 centièmes     |
| → <b>arrondi au centième</b> | de 81,7263 : 81, <u>73</u>  | car il y a ensuite 6 millièmes     |
| → <b>arrondi au millième</b> | de 81,7263 : 81,72 <u>6</u> | car il y a ensuite 3 dix-millièmes |

## ORDRE DE GRANDEUR

Un **ordre de grandeur** d'un grand nombre est une valeur approchée simple à retenir ou à utiliser ; en général on utilise les deux premiers chiffres significatifs.

EXEMPLE :

Une unité astronomique est égale à 149 597 870 km.

Son **ordre de grandeur** est 150 millions de kilomètres.

On peut estimer le résultat d'un calcul en utilisant des **ordres de grandeur**.  
Le symbole «  $\approx$  » signifie « **est environ égal à** ».

EXEMPLE :

$$197 \times 3,52 \approx 200 \times 3,5 \approx 700$$

L'addition permet de calculer **la somme** de deux termes.

La soustraction permet de calculer **la différence** de deux termes.

La multiplication permet de calculer **le produit** de deux **facteurs**.

La division permet de calculer **le quotient** de deux nombres.

Multiplier par 2 c'est prendre **le double**.

Multiplier par 3 c'est prendre **le triple**.

Multiplier par 4 c'est prendre **le quadruple**.

Diviser par 2 c'est prendre **la moitié**.

Diviser par 3 c'est prendre **le tiers**.

Diviser par 4 c'est prendre **le quart**.

Prendre **le carré** d'un nombre c'est le multiplier par lui-même.

EXEMPLE :  $7^2 = 7 \times 7 = 49$

Prendre **le cube** d'un nombre c'est le multiplier par lui-même, et encore par lui-même.

EXEMPLE :  $5^3 = 5 \times 5 \times 5 = 125$

## MULTIPLES ET DIVISEURS

● **Les multiples** d'un nombre entier sont les produits de cet entier par 0 ; 1 ; 2 ; 3...

EXEMPLE : les **multiples** de 7.

$$7 \times 0 = 0$$

$$7 \times 1 = 7$$

$$7 \times 2 = 14$$

$$7 \times 3 = 21 \text{ etc.}$$

Ainsi les **multiples** de 7 sont 0 ; 7 ; 14 ; 21...

(c'est "la table" de multiplication par 7).

Il y en a une infinité.

● **Les diviseurs** d'un nombre entier sont les nombres entiers par lesquels on peut le diviser en obtenant un quotient entier.

EXEMPLE : les **diviseurs** de 18.

$$18 = 1 \times 18$$

$$18 = 2 \times 9$$

$$18 = 3 \times 6$$

Donc les **diviseurs** de 18 sont 1 ; 2 ; 3 ; 6 ; 9 ; 18.

Il n'y en a pas d'autres.

● VOCABULAIRE :

Comme  $4 \times 11 = 44$  on peut dire que :

→ 44 est un **multiple** de 4 et de 11

→ 4 et 11 sont des **diviseurs** de 44

→ 44 est **divisible** par 4 et par 11



Pour multiplier : → on commence sans tenir compte des virgules  
 → puis on place la virgule dans le résultat

Multiplication posée :

2 6 8	← ×100	2,6 8
× 7 4	← ×10	× 7,4
1 0 7 2		1 0 7 2
+ 1 8 7 6 •		+ 1 8 7 6 •
1 9 8 3 2	→ ÷1000	1 9,8 3 2

Multiplication en ligne :

$$2,68 \times 7,4 = 19,832$$

2 chiffres + 1 chiffre → 3 chiffres

Multiplication en fractions décimales :

$$\frac{268}{100} \times \frac{74}{10} = \frac{19832}{1000}$$

REMARQUE :

Multiplier "n'agrandit pas" toujours : cela dépend si on multiplie par un nombre inférieur ou supérieur à 1.

## DIVISER PAR UN NOMBRE ENTIER

EXEMPLE : la division se termine.

3 9,0 0 0	8
- 3 2	4,8 7 5
7 0	
- 6 4	
6 0	
- 5 6	
4 0	
- 4 0	
0	

L'écriture décimale est exacte :

$$39 \div 8 = 4,875$$

EXEMPLE : la division est sans fin.

7,0 0 0	1 2
- 0	0,5 8 3 ...
7 0	
- 6 0	
1 0 0	
- 9 6	
4 0	
- 3 6	
4	
	... ...

L'écriture décimale est approchée :

$$7 \div 12 \approx 0,5833...$$



Pour savoir si deux suites de nombres sont **proportionnelles** on peut observer :

- si elles évoluent dans les mêmes **proportions** (*on a autant de fois plus ou moins*)
- si on passe de l'une à l'autre **en multipliant** par un même **coefficient** (non nul)

EXEMPLE :

2kg de pommes coûtent 3€ et

8kg de pommes coûtent 12€.

→ c'est proportionnel car 4 fois plus de pommes coûtent 4 fois plus cher

→ c'est proportionnel de coefficient 1,5 car  $2 \times 1,5 = 3$  et  $8 \times 1,5 = 12$

On peut s'aider d'un tableau :

Masse (kg)	2	8	
Prix (€)	3	12	$\times 1,5$

↻  $\times 4$  (sur la masse)  
↻  $\times 4$  (sur le prix)  
↻  $\times 1,5$  (sur le prix)

REMARQUE :

Le coefficient 1,5 représente le prix d'1kg de pommes.

## PROPORTIONNALITÉ : TROUVER DES VALEURS

Dans une situation de **proportionnalité** pour trouver une valeur manquante on peut :

- **raisonner avec des proportions** (« on en a tant de fois plus ou moins donc ... »)
- chercher puis **utiliser le coefficient** de la proportionnalité

EXEMPLE :

Une recette pour 3 personnes indique 45cL de lait.

● Avec des proportions :

→ pour 15 personnes on en prend 5 fois plus :  $45 \times 5 = 225$ cL de lait

→ pour 18 personnes on ajoute pour 15 et pour 3 :  $225 + 45 = 270$ cL de lait

● Avec le coefficient :

→ pour 7 personnes on cherche pour 1 personne :  $45 \div 3 = 15$  et  $15 \times 7 = 105$ cL de lait  
 (le coefficient est 15 ; c'est la quantité de lait pour 1 personne)

On peut s'aider d'un tableau :

Nb personnes	3	15	18	1	7	
Volume lait (cL)	45	225	270	15	105	$\times 15$

↻  $\times 5$  (sur le nombre de personnes)  
↻  $\oplus$  (sur le volume de lait)  
↻  $\times 15$  (sur le volume de lait)

On obtient une fraction égale en multipliant (ou en divisant) le numérateur et le dénominateur par un même nombre.

EXEMPLES :

$$\frac{2}{3} \xrightarrow{\times 4} \frac{8}{12}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{8}{12}$$

$$\frac{8}{12} \xrightarrow{\div 4} \frac{2}{3}$$

$$\frac{45}{35} \xrightarrow{\div 5} \frac{9}{7}$$

$$\frac{45}{35} = \frac{9}{7} \text{ (fraction simplifiée)}$$

$$\frac{9}{7} \xrightarrow{\times 5} \frac{45}{35}$$

## NOTION DE QUOTIENT

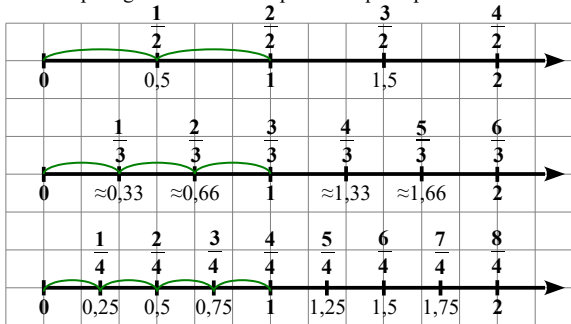
Pour trouver un nombre manquant d'une multiplication, il faut diviser. Ainsi, le nombre qui complète l'égalité  $a \times \dots = b$  est le **quotient** de  $b$  par  $a$ .

On le note en écriture fractionnaire  $\frac{b}{a}$   $\rightarrow$  numérateur  
 $\frac{b}{a}$   $\rightarrow$  dénominateur

EXEMPLE : le nombre qui complète  $3 \times \dots = 7$  est  $\frac{7}{3}$  ; on a donc  $3 \times \frac{7}{3} = 7$ .

## VALEURS D'UN QUOTIENT & DROITE GRADUÉE

L'unité est partagée en nombre de parts indiquées par le dénominateur.

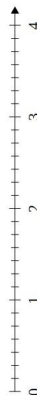
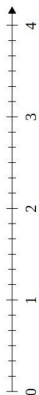
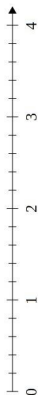
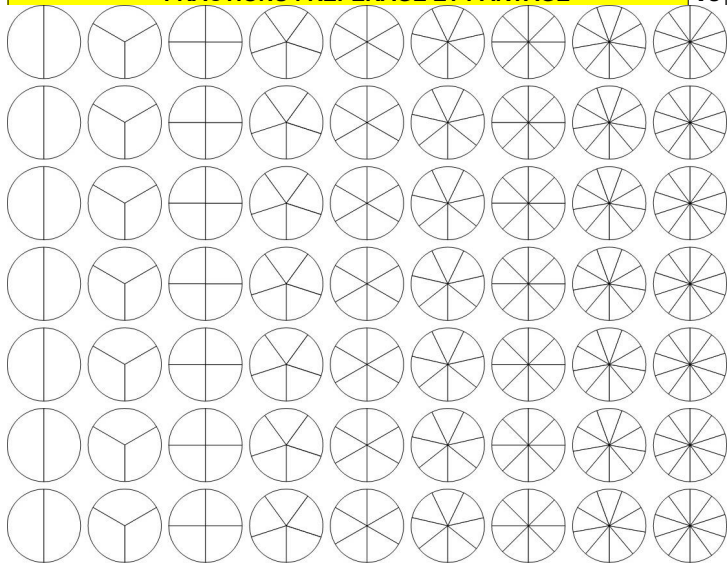


EXEMPLES  
D'ÉCRITURES :

$$\frac{5}{3} = 1 + \frac{2}{3}$$

$$\frac{7}{4} = 2 - \frac{1}{4}$$

L'écriture décimale est le résultat de la division du numérateur par le dénominateur.



$$\frac{\dots}{2}$$

$$\frac{\dots}{3}$$

$$\frac{\dots}{4}$$

$$\frac{\dots}{5}$$

$$\frac{\dots}{6}$$

$$\frac{\dots}{7}$$

$$\frac{\dots}{8}$$

$$\frac{\dots}{9}$$

$$\frac{\dots}{10}$$

Un **pourcentage** est l'expression d'une proportion **par rapport à 100**.

On utilise le symbole « % » qui se lit « **pour cent** ».

Pourcentages simples à connaître :

$$50\% = \frac{50}{100} = \frac{1}{2}$$

$$25\% = \frac{25}{100} = \frac{1}{4}$$

$$10\% = \frac{10}{100} = \frac{1}{10}$$

$$75\% = \frac{75}{100} = \frac{3}{4}$$

$$20\% = \frac{20}{100} = \frac{1}{5}$$

## MULTIPLIER PAR UNE FRACTION

• Pour calculer  $\frac{2}{5} \times 15$  on peut :

→ **1** diviser 15 par 5 puis multiplier par 2 :  $\frac{2}{5} \times 15 = \frac{15}{5} \times 2 = 3 \times 2 = 6$   
*(c'est deux fois le cinquième de 15)*

→ **2** multiplier 15 par 2 puis diviser par 5 :  $\frac{2}{5} \times 15 = \frac{15 \times 2}{5} = \frac{30}{5} = 6$   
*(c'est 15 fois deux cinquièmes)*

→ **3** calculer le quotient de 2 par 5 puis multiplier par 15 :  $\frac{2}{5} \times 15 = 0,4 \times 15 = 6$

## PRENDRE UNE PROPORTION

Pour **prendre une proportion** d'une quantité, on la **multiplie par la fraction associée**.

EXEMPLE : prendre les deux tiers de 24 s'écrit  $\frac{2}{3} \times 24$

## PRENDRE UN POURCENTAGE

Pour **prendre un pourcentage** d'une quantité, on la **multiplie par la fraction associée**.

EXEMPLE : prendre 30% de 120 =  $\frac{30}{100} \times 120$

- Dans une addition (ou une multiplication) on peut **changer l'ordre et regrouper les termes** (ou les facteurs).

<p>EXEMPLES :</p> $\begin{aligned} & \underline{6,7} + \underline{4,5} + \underline{3,3} + \underline{2,5} \\ & = (6,7 + 3,3) + (4,5 + 2,5) \\ & = 10 + 7 \\ & = 17 \end{aligned}$	$\begin{aligned} & \underline{5} \times 8,91 \times \underline{2} \\ & = (5 \times 2) \times 8,91 \\ & = 10 \times 8,91 \\ & = 89,1 \end{aligned}$
--	--

- Dans une addition, soustraction, ou multiplication, on peut **séparer en plusieurs opérations plus simples** en utilisant un nombre "rond" proche.

<p>EXEMPLES :</p> $\begin{aligned} & 382 + 39 \\ & \text{39 est proche de 40...} \\ & = \underline{382} + 40 - 1 \\ & = 422 - 1 \\ & = 421 \end{aligned}$	$\begin{aligned} & 17,6 - 4,9 \\ & \text{4,9 est proche de 5...} \\ & = \underline{17,6} - 5 + 0,1 \\ & = 12,6 + 0,1 \\ & = 12,7 \end{aligned}$	$\begin{aligned} & \underline{35} \times 18 \\ & \text{18 est proche de 20...} \\ & = \underline{35} \times \underline{20} - \underline{35} \times \underline{2} \\ & = 700 - 70 \\ & = 630 \end{aligned}$
---	---	--

- Pour **multiplier par 5** on peut multiplier par 10 et diviser par 2.

EXEMPLE :

$$\begin{aligned} & 6,8 \times 5 \\ & = \underline{6,8} \times \underline{10} \div 2 \\ & = 68 \div 2 \\ & = 34 \end{aligned}$$

- Pour **diviser par 5** on peut diviser par 10 et multiplier par 2.

EXEMPLE :

$$\begin{aligned} & 13 \div 5 \\ & = \underline{13} \div \underline{10} \times 2 \\ & = 1,3 \times 2 \\ & = 2,6 \end{aligned}$$

ou encore :

$$13 \div 5 = \frac{13}{5} = \frac{26}{10} = 2,6$$

- Pour **multiplier par 25** on peut multiplier par 100 et diviser par 4.

EXEMPLE :

$$\begin{aligned} & 3,6 \times 25 \\ & = \underline{3,6} \times \underline{100} \div 4 \\ & = 360 \div 4 \\ & = 90 \end{aligned}$$

- Pour **multiplier par 0,5** on peut diviser par 2.

EXEMPLE :

$$\begin{aligned} & 43 \times 0,5 \\ & = 43 \times \frac{1}{2} \\ & = 43 \div 2 \\ & = 21,5 \end{aligned}$$

- Pour **multiplier par 1,5** on peut rajouter la moitié.

EXEMPLE :

$$\begin{aligned} & 14 \times 1,5 \\ & = \underline{14} \times \underline{1} + \underline{14} \times \underline{0,5} \\ & = 14 + 7 \\ & = 21 \end{aligned}$$

- Pour **multiplier par 4** on peut multiplier par 2 et encore multiplier par 2.

EXEMPLE :

$$\begin{aligned} & 32,5 \times 4 \\ & = \underline{32,5} \times \underline{2} \times 2 \\ & = 65 \times 2 \\ & = 130 \end{aligned}$$

- Pour **diviser par 4** on peut diviser par 2 et encore diviser par 2.

EXEMPLE :

$$\begin{aligned} & 62 \div 4 \\ & = \underline{62} \div \underline{2} \div 2 \\ & = 31 \div 2 \\ & = 15,5 \end{aligned}$$

On note  $(AB)$  la **droite** qui passe par les points  $A$  et  $B$ .  
Une droite est illimitée et n'a pas de longueur.



## DEMI-DROITE

On note  $[CD)$  la **demi-droite d'origine**  $C$  et passant par  $D$ .  
Une demi-droite est illimitée dans un sens et n'a pas de longueur.



## SEGMENT

On note  $[EF]$  le **segment d'extrémités** les points  $E$  et  $F$ .

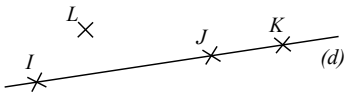


## LONGUEUR

On note  $EF$  la **longueur** du segment  $[EF]$ .  
 $EF$  est aussi la **distance** entre les points  $E$  et  $F$ .

## POSITION D'UN POINT – APPARTENANCE

On dit que des points sont **alignés** s'ils **appartiennent** à une même droite.

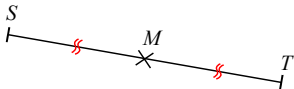


«  $K \in (d)$  » signifie « le point  $K$  **appartient** à la droite  $(d)$  ».

«  $L \notin (d)$  » signifie « le point  $L$  **n'appartient pas** à la droite  $(d)$  ».

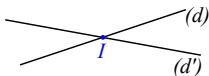
## MILIEU

Le **milieu** du segment  $[ST]$  est le point  $M$  tel que  $M \in [ST]$  et  $MS = MT$ .



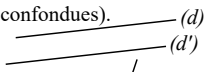
Deux droites **sécantes** se coupent en un point.

$I$  est le **point d'intersection** de  $(d)$  et  $(d')$ .



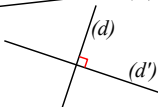
Deux droites **parallèles** n'ont aucun point commun (ou sont confondues).

On note  $(d) \parallel (d')$ .



Deux droites **perpendiculaires** forment quatre angles égaux.

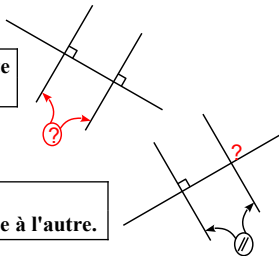
On note  $(d) \perp (d')$ .



PARALLÈLES ET PERPENDICULAIRES : PROPRIÉTÉS

PROPRIÉTÉ N°1 :

Deux droites perpendiculaires à une même droite sont parallèles entre elles.



PROPRIÉTÉ N°2 :

Deux droites étant parallèles, toute perpendiculaire à l'une est perpendiculaire à l'autre.

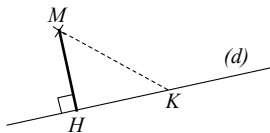
DISTANCE D'UN POINT À UNE DROITE

DÉFINITION :

La **distance d'un point à une droite** s'obtient en se dirigeant perpendiculairement vers cette droite.

EXEMPLE :

Ci-contre,  $MH$  est la distance de  $M$  à  $(d)$ .



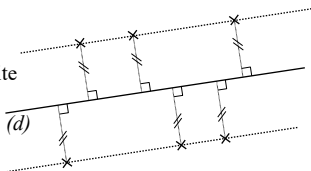
PROPRIÉTÉ :

C'est la plus courte distance de ce point vers tout autre point de la droite.

Ci-dessus on a donc  $MK > MH$ .

LIEU GÉOMÉTRIQUE :

Les points situés à la même distance d'une droite sont ceux de deux droites parallèles à celle-ci.

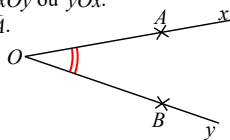


NOTION

Deux demi-droites  $[Ox)$  et  $[Oy)$  forment **un angle** noté  $\widehat{xOy}$  ou  $\widehat{yOx}$ .  
Si  $A \in [Ox)$  et  $B \in [Oy)$  l'angle se note aussi  $\widehat{AOB}$  ou  $\widehat{BOA}$ .

Le point  $O$  est **le sommet** de l'angle.  
Les demi-droites  $[Ox)$  et  $[Oy)$  sont **les côtés** de l'angle.

L'unité de mesure est **le degré**, de symbole « ° ».



NATURE D'UN ANGLE

	angle nul	$\hat{a} = 0^\circ$
	angle aigu	$0^\circ < \hat{a} < 90^\circ$
	angle droit	$\hat{a} = 90^\circ$
	angle obtus	$90^\circ < \hat{a} < 180^\circ$
	angle plat	$\hat{a} = 180^\circ$

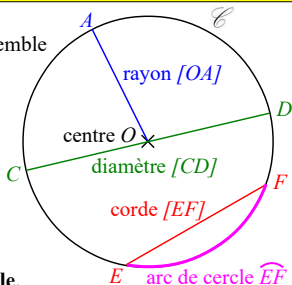
LE CERCLE

Le **cercle**  $\mathcal{C}$  de **centre**  $O$  et de **rayon**  $R$ , est l'ensemble des points du plan situés à la distance  $R$  de  $O$ .

Le segment  $[OA]$  est **un rayon** du cercle  $\mathcal{C}$ .  
La longueur  $OA$  est **le rayon** du cercle  $\mathcal{C}$ .

Le segment  $[CD]$  est **un diamètre** du cercle  $\mathcal{C}$ .  
La longueur  $CD$  est **le diamètre** du cercle  $\mathcal{C}$ .

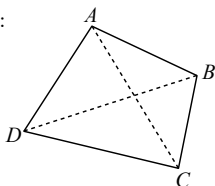
Le segment  $[EF]$  est **une corde** du cercle  $\mathcal{C}$ .  
Une corde partage un cercle en deux **arcs de cercle**.





Des segments **consécutifs** forment **une ligne polygonale** (ou "ligne brisée").  
 Une ligne polygonale fermée s'appelle **un polygone**.

EXEMPLE :



$ABCD$  est **un polygone**.

Il a 4 **sommets** :  $A$ ,  $B$ ,  $C$  et  $D$ .

Il a 4 **côtés** :  $[AB]$ ,  $[BC]$ ,  $[CD]$  et  $[DA]$ .

Il a 2 **diagonales** :  $[AC]$  et  $[BD]$ .

ATTENTION ! On doit suivre les côtés pour nommer les sommets ('en tournant').

Classement des premiers polygones :

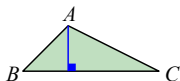
Nb sommets	Nb côtés	Nb diagonales	Nom du polygone
3	3		<b>triangle</b>
4	4		<b>quadrilatère</b>
5	5		<b>pentagone</b>
6	6		<b>hexagone</b>
7	7		heptagone
8	8		octogone
9	9		ennéagone
10	10		décagone
11	11		hendécagone
12	12		dodécagone

**HAUTEURS D'UN TRIANGLE**

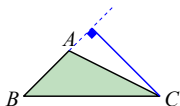
DÉFINITION :

**Les hauteurs d'un triangle** s'obtiennent en partant d'un sommet et en se dirigeant perpendiculairement au côté opposé.

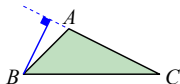
EXEMPLE :



hauteur "issue du sommet  $A$ "  
 ou "relative au côté  $[BC]$ "



hauteur "issue du sommet  $C$ "  
 ou "relative au côté  $[AB]$ "

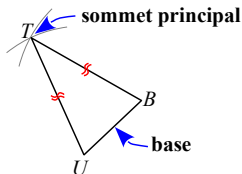


hauteur "issue du sommet  $B$ "  
 ou "relative au côté  $[AC]$ "

TRIANGLE ISOCÈLE : DÉFINITION

Un **triangle isocèle** est un triangle qui a deux côtés de la même longueur.

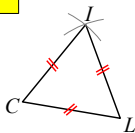
EXEMPLE : *BUT* est un triangle isocèle en T.



TRIANGLE ÉQUILATÉRAL : DÉFINITION

Un **triangle équilatéral** est un triangle qui a ses trois côtés de la même longueur.

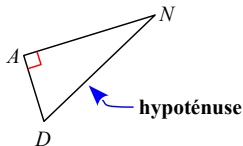
EXEMPLE : *CIL* est un triangle équilatéral.



TRIANGLE RECTANGLE : DÉFINITION

Un **triangle rectangle** est un triangle qui a un angle droit.

EXEMPLE : *ADN* est un triangle rectangle en A.



TRIANGLE QUELCONQUE

Un **triangle quelconque** est un triangle qui n'a aucune particularité.

TRIANGLE ISOCÈLE : PROPRIÉTÉS

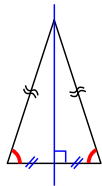
Un triangle isocèle a un axe de symétrie (la médiatrice de sa base).

PROPRIÉTÉ DIRECTE :

**Un triangle isocèle a ses angles à la base de même mesure.**

PROPRIÉTÉ RÉCIPROQUE :

**Un triangle avec deux angles de même mesure est isocèle.**



TRIANGLE ÉQUILATÉRAL : PROPRIÉTÉS

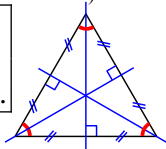
Un triangle équilatéral a trois axes de symétrie (les médiatrices de ses côtés).

PROPRIÉTÉ DIRECTE :

**Un triangle équilatéral a ses trois angles de même mesure.**

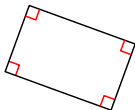
PROPRIÉTÉ RÉCIPROQUE :

**Un triangle avec trois angles de même mesure est équilatéral.**



## RECTANGLE : DÉFINITION

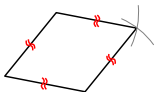
Un **rectangle** est un quadrilatère qui a ses quatre angles droits (trois suffisent).



REMARQUE : Un rectangle a ses côtés opposés parallèles et de même longueur.

## LOSANGE : DÉFINITION

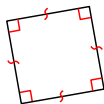
Un **losange** est un quadrilatère qui a ses quatre côtés de la même longueur.



REMARQUE : Un losange a ses côtés opposés parallèles.

## CARRÉ : DÉFINITION

Un **carré** est à la fois un losange et un rectangle.



## QUADRILATÈRE QUELCONQUE

Un **quadrilatère quelconque** est un quadrilatère qui n'a aucune particularité.

voir aussi  
page **29**

## RECTANGLE : PROPRIÉTÉS

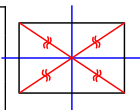
Un rectangle a 2 axes de symétrie (les médiatrices de ses côtés).

PROPRIÉTÉ DIRECTE :

Un **rectangle** a ses diagonales de même milieu et de même longueur.

PROPRIÉTÉ RÉCIPROQUE :

Un **quadrilatère** avec ses diagonales de même milieu et de même longueur est un rectangle.



## LOSANGE : PROPRIÉTÉS

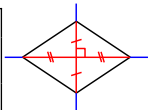
Un losange a 2 axes de symétrie (ses diagonales).

PROPRIÉTÉ DIRECTE :

Un **losange** a ses diagonales de même milieu et perpendiculaires.

PROPRIÉTÉ RÉCIPROQUE :

Un **quadrilatère** avec ses diagonales de même milieu et perpendiculaires est un losange.

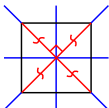


## CARRÉ : PROPRIÉTÉS

Un carré a 4 axes de symétrie.

Un carré a toutes les propriétés du rectangle et du losange.

Donc ses diagonales ont le même milieu, sont perpendiculaires et de même longueur.



## DÉFINITION

Deux points  $A$  et  $B$  sont **symétriques par rapport à une droite ( $d$ )** si la droite ( $d$ ) coupe le segment  $[AB]$  perpendiculairement en son milieu.

CONSÉQUENCE :

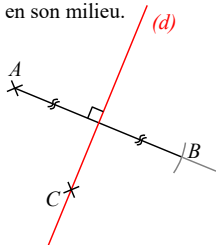
On peut construire l'image d'un point avec l'équerre et le compas.

REMARQUES :

→ Si  $B$  est l'image de  $A$  alors  $A$  est aussi l'image de  $B$ .

→ Les points de ( $d$ ) sont confondus avec leur image :

$C \in (d)$  donc son image est  $C$ .



## PROPRIÉTÉS DE CONSERVATION

Dans une symétrie axiale, l'image...

→ d'une droite est une droite ;

→ d'un segment est un segment **de même longueur** ;

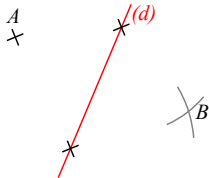
→ d'un cercle est un cercle **de même rayon** ;

→ d'un angle est un angle **de même mesure**.

Une symétrie axiale conserve ainsi les alignements, les distances, les angles...

CONSÉQUENCE :

On peut construire l'image d'un point uniquement avec le compas.



## AGRANDIR / RÉDUIRE UNE FIGURE

Pour **agrandir ou réduire une figure** il faut que les **longueurs** obtenues soient **proportionnelles** aux longueurs données.

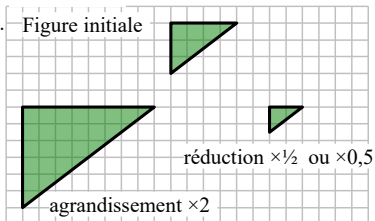
En revanche, **les angles sont inchangés**.

Le **coefficient multiplicateur** s'appelle **l'échelle** de la reproduction.

Avec un coefficient supérieur à 1 on obtient un **agrandissement**.

Avec un coefficient inférieur à 1 on obtient **une réduction**.

EXEMPLES :



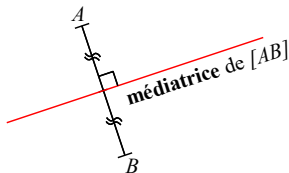
## DÉFINITION

La médiatrice d'un segment est la droite qui le coupe en son milieu perpendiculairement.

REMARQUE :

C'est un axe de symétrie du segment.

## CONSTRUCTION AVEC L'ÉQUERRE



## PROPRIÉTÉS

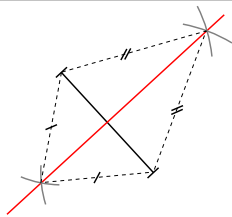
PROPRIÉTÉ DIRECTE :

Un point appartenant à la médiatrice d'un segment est équidistant des extrémités de ce segment.

PROPRIÉTÉ RÉCIPROQUE :

Un point équidistant des extrémités d'un segment appartient à la médiatrice de ce segment.

## CONSTRUCTION AU COMPAS



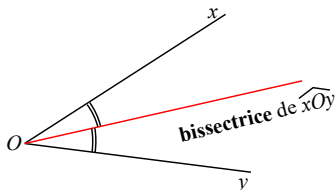
## BISSECTRICE D'UN ANGLE

## DÉFINITION

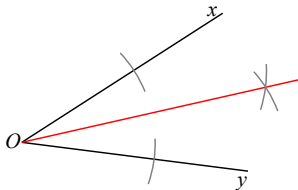
La bissectrice d'un angle est la (demi-)droite qui le partage en deux angles de même mesure.

REMARQUE : C'est l'axe de symétrie de cet angle.

## CONSTRUCTION AU RAPPORTEUR



## CONSTRUCTION AU COMPAS



## NOTION, VOCABULAIRE

Un **pavé droit** (ou **parallélépipède rectangle**) est un solide de l'espace formé par **6 faces rectangulaires** ; il comporte **8 sommets** et **12 arêtes**.

EXEMPLES : boîte à chaussures ; brique de lait ; boîte d'allumettes ; morceau de sucre...

REMARQUES :

→ les arêtes parallèles ont la même longueur

→ les arêtes issues d'un même sommet sont perpendiculaires

CAS PARTICULIER :

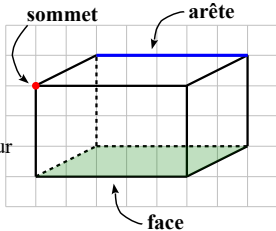
Si les arêtes ont la même longueur alors **les faces sont carrées** et on obtient un **cube**.

## PERSPECTIVE CAVALIÈRE

Un dessin en **perspective cavalière** donne l'illusion de voir un objet de l'espace.

CONVENTIONS :

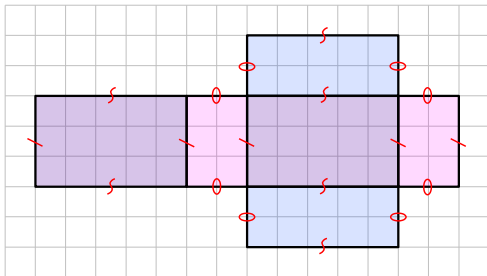
- les arêtes cachées sont dessinées en pointillés
- les faces frontales sont dessinées en vraie grandeur
- le parallélisme des arêtes fuyantes est conservé (mais pas leurs longueurs ni leurs angles)



## PATRON

Un pavé droit est **développable** : on peut le 'découper' pour le 'mettre à plat'. On obtient alors un **patron** (forme que l'on plie pour fabriquer le solide).

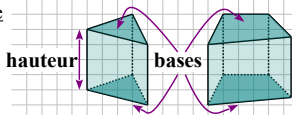
EXEMPLE :



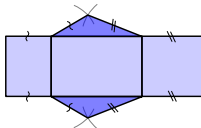
## PRISME DROIT

Un **prisme droit** est formé par **deux bases polygonales identiques** à  $n$  côtés et  $n$  **faces latérales rectangulaires** ; la distance entre les bases est la **hauteur** du prisme.

perspective  
cavalière :



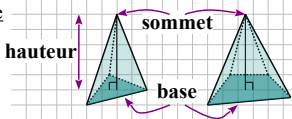
exemple  
de patron :



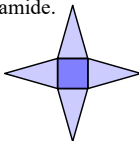
## PYRAMIDE

Une **pyramide** est formée par **une base polygonale** à  $n$  côtés et  $n$  **faces latérales triangulaires** qui se rejoignent au **sommet** de la pyramide.

perspective  
cavalière :



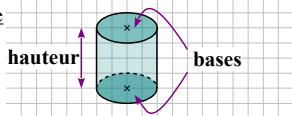
exemple  
de patron :



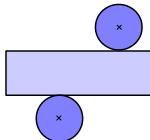
## CYLINDRE DE RÉVOLUTION

Un **cylindre de révolution** est formé par **deux disques identiques** pour les bases et une **face latérale rectangulaire courbée** ; la distance entre les bases est sa **hauteur**.

perspective  
cavalière :



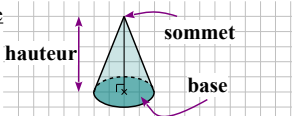
exemple  
de patron :



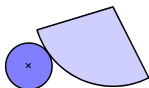
## CÔNE DE RÉVOLUTION

Un **cône de révolution** est formé par **un disque à la base** et **une portion de disque courbée** pour **face latérale** ; sa **hauteur** va de son **sommet** au centre de la base.

perspective  
cavalière :



exemple  
de patron :



## SPHÈRE ET BOULE

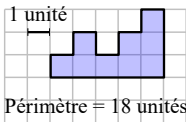
Une **sphère** de **centre  $O$**  et de **rayon  $R$**  est l'ensemble des points de l'espace situés à la distance  $R$  du point  $O$ . Une sphère est une surface (c'est "creux"). Son intérieur est **une boule**. Une boule est un solide (c'est "plein").

Une sphère n'est pas développable : on ne peut pas en construire un patron.

NOTION

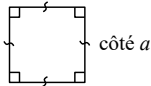
Le **périmètre** d'une figure plane est la **longueur de son contour**.

ATTENTION ! Une diagonale de carreau mesure environ 1,4 fois la longueur d'un côté du carreau.



PÉRIMÈTRE DU CARRÉ (OU DU LOSANGE)

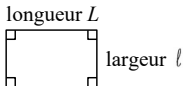
$$P_{\text{carré}} = a + a + a + a = 4 \times a$$



PÉRIMÈTRE DU RECTANGLE

$$P_{\text{rect.}} = L + l + L + l = 2 \times (L + l)$$

$$P_{\text{rect.}} = L + L + l + l = (2 \times L) + (2 \times l)$$

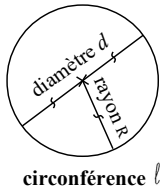


LONGUEUR DU CERCLE

La longueur d'un cercle est proportionnelle à son diamètre, de coefficient «  $\pi$  ».

longueur du cercle =  $\pi \times$  diamètre du cercle  
 $l = \pi \times d$

longueur du cercle =  $2 \times \pi \times$  rayon du cercle  
 $l = 2 \times \pi \times R$



UTILISATION :



Avec  $\pi \approx 3,1416$ .

MNÉMOTECHNIE :

« Le cercle est fier d'un périmètre à  $2 \pi R$ . »

« Que j'aime à faire connaître ce nombre utile aux sages... »

3, 1 4 1 5 9 2 6 5 3 5 ...



- Les principales unités de mesure sont :  
**le mètre (m)** pour les longueurs ;  
**le gramme (g)** pour les masses ;  
**le litre (L)** pour les capacités.
- Les multiples sont donnés par les préfixes :  
**déca (da)** → dix unités ;  
**hecto (h)** → cent unités ;  
**kilo (k)** → mille unités.
- Les sous-multiples sont donnés par les préfixes :  
**déci (d)** → dixième d'unité ;  
**centi (c)** → centième d'unité ;  
**milli (m)** → millième d'unité.

REMARQUES :

→ La **tonne (t)** est l'unité de masse pour 1000 kg.

→ Le *kilolitre* n'existe pas...

## CONVERSION DES UNITÉS DE LONGUEUR

On passe d'une unité de longueur à une autre **en multipliant ou en divisant par 10**.  
 Il en est de même pour les unités de masse et de capacité.

Tableau de conversions :

km	hm	dam	m	dm	cm	mm
kg	hg	dag	g	dg	cg	mg
<i>kL</i>	<b>hL</b>	<b>daL</b>	<b>L</b>	<b>dL</b>	<b>cL</b>	<b>mL</b>

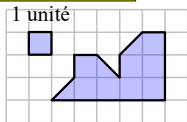
EXEMPLES :

$$439\text{m} = 4,39\text{hm}$$

$$6,28\text{dam} = 6280\text{cm}$$

NOTION

L'aire d'une figure est la mesure de son étendue (ou superficie).



aire = 9,5 unités

AIRE DU CARRÉ

$$A_{\text{carré}} = c \times c = c^2$$

« côté fois côté » donc « côté "au carré" »



côté  $c$

AIRE DU RECTANGLE

$$A_{\text{rect.}} = L \times \ell$$

« longueur fois largeur »

longueur  $L$

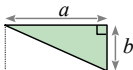


largeur  $\ell$

AIRE DU TRIANGLE RECTANGLE

$$A_{\text{TRI.RECT.}} = \frac{a \times b}{2}$$

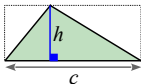
« produit des côtés perpendiculaires divisé par 2 »



AIRE DU TRIANGLE QUELCONQUE

$$A_{\text{TRIANGLE}} = \frac{c \times h}{2}$$

« côté fois hauteur associée divisé par 2 »



AIRE DU DISQUE

Un disque est la surface comprise à l'intérieur d'un cercle.

$$\begin{aligned} \text{aire du disque} &= \pi \times \text{rayon} \times \text{rayon} \\ &= \pi \times R^2 \end{aligned}$$

Avec  $\pi \approx 3,1416$ .



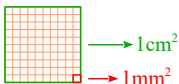
MNÉMOTECHNIE :

« Le disque est tout heureux d'une aire à  $\pi R^2$ . »

« Que j'aime à faire connaître ce nombre utile aux sages... »

3, 1 4 1 5 9 2 6 5 3 5 ...

- Un **mètre carré** («  $m^2$  ») est l'aire d'un carré de un mètre de côté.
- On définit de même :
  - ses multiples :  $dam^2$ ,  $hm^2$ ,  $km^2$
  - ses sous-multiples :  $dm^2$ ,  $cm^2$ ,  $mm^2$



• Un **are** («  $a$  ») correspond à un décamètre carré :  $1a = 1dam^2$ .

Un **hectare** («  $ha$  ») vaut 100 ares et un **centiare** («  $ca$  ») vaut 0,01 are.

## CONVERSION DES UNITÉS D'AIRE

On passe d'une unité d'aire à une autre **en multipliant ou en divisant par 100**.

Tableau de conversions :

	$km^2$		$hm^2$		$dam^2$		$m^2$		$dm^2$		$cm^2$		$mm^2$
			ha		a		ca						

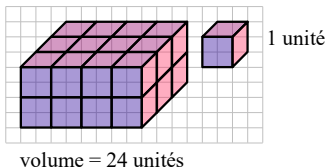
EXEMPLES :

$$328m^2 = 0,0328hm^2$$

$$51,7dam^2 = 5170m^2$$

## NOTION

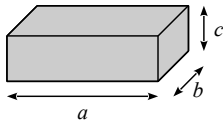
- Le **volume** d'un solide est la mesure de l'**espace** qu'il renferme.  
On parle aussi de sa **capacité** (propriété de contenir quelque chose).



## VOLUME DU PAVÉ DROIT

$$V_{\text{pavé}} = a \times b \times c$$

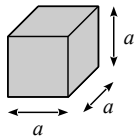
« longueur fois profondeur fois hauteur »



## VOLUME DU CUBE

$$V_{\text{cube}} = a \times a \times a = a^3$$

« côté fois côté fois côté » donc « côté "au cube" »

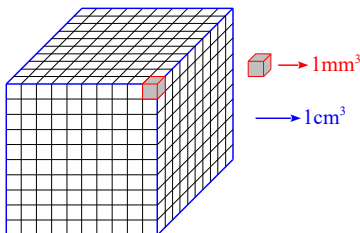


● Un **mètre cube** («  $m^3$  ») est le volume d'un cube de un mètre de côté.

● On définit de même :

→ ses multiples :  $dam^3$ ,  $hm^3$ ,  $km^3$

→ ses sous-multiples :  $dm^3$ ,  $cm^3$ ,  $mm^3$



● Un **litre** (« **L** ») correspond à un décimètre cube :  $1L = 1dm^3$ .

## CONVERSION DES UNITÉS DE VOLUME

On passe d'une unité de volume à une autre **en multipliant ou en divisant par 1000**.

Tableau de conversions :

km <sup>3</sup>		hm <sup>3</sup>		dam <sup>3</sup>		m <sup>3</sup>		dm <sup>3</sup>		cm <sup>3</sup>		mm <sup>3</sup>		
						<i>kL</i>	hL	daL	L	dL	cL	mL		

EXEMPLES :

$$439m^3 = 0,439dam^3$$

$$62,8dam^3 = 62800m^3$$

